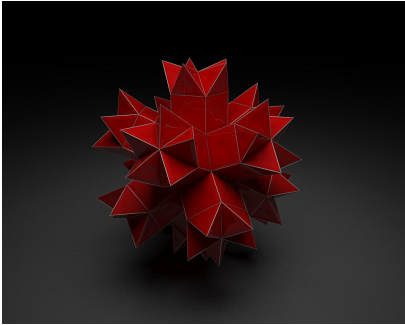

Un poco de Geogebra



No es el conocimiento, sino el acto de aprendizaje, y no la posesión, sino el acto de llegar allí, que concede el mayor disfrute.

Carl Friedrich Gauss

(1777-1855)

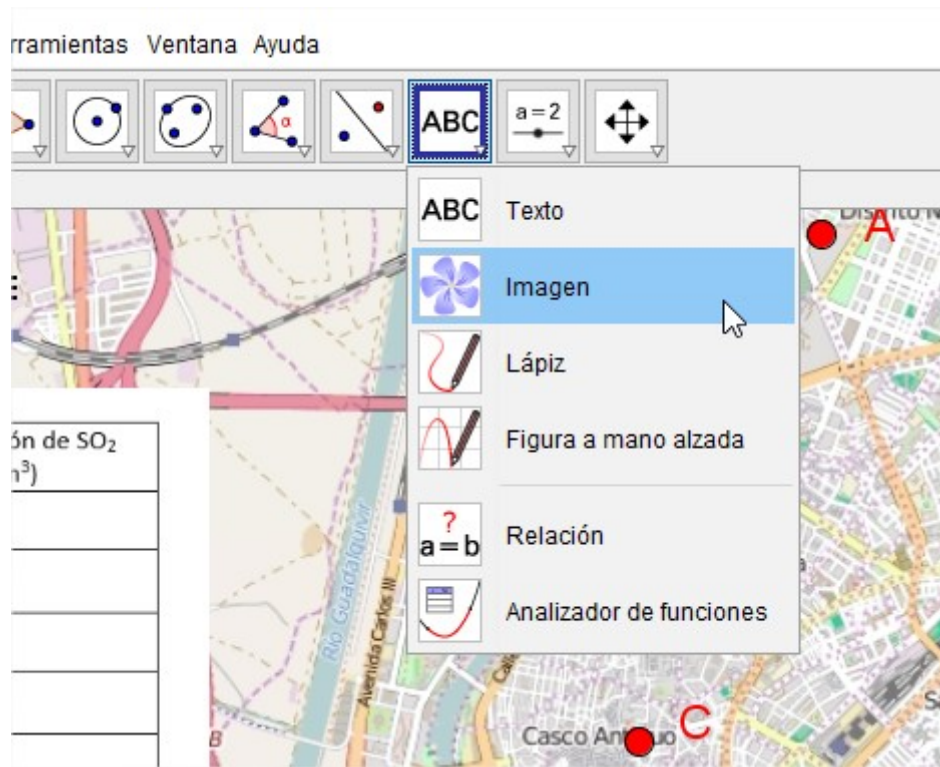
¿Qué necesitamos?

Se trata de plantear un ejercicio o problema con datos aleatorios pero controlados. Los alumnos ven una de las colecciones de datos sorteada al azar. Dado que el sorteo es controlado podemos calcular previamente la solución. Esto nos facilita la corrección.

Supongamos que queremos mostrar datos aleatorios de concentraciones de SO₂ medidos en las estaciones de calidad ambiental de la ciudad de Sevilla. ¿Qué necesitamos?

1. [Una imagen de la ciudad de Sevilla](#) sobre la que dibujar la localización de las estaciones. Hay 7 puntos sobre el mapa denotados desde la A hasta la G.
2. [Una imagen de una tabla](#) donde vamos a presentar los datos. En Word construimos una tabla con los encabezados ya rellenos. Capturamos la pantalla de Word y guardamos la imagen.
3. [Una tabla con los datos](#). Los datos se organizan en filas. Cada fila se corresponde con una colección de datos. En cada columna almacenamos un valor de una magnitud determinada. En este caso cada fila contiene los datos de una estación de medida. En la primera columna anotamos la letra de la estación. De este modo podremos mostrar en la pantalla de la animación qué conjunto de datos ofrecemos al alumno lo que posteriormente nos facilitará la corrección. En el resto de columnas anotamos los valores de concentración de SO₂ a diferentes horas.

1. La imagen del mapa se ha obtenido de [OpenStreetMap](https://www.openstreetmap.org/).
2. Para insertarla basta con pulsar sobre el botón Texto y elegir la opción Imagen.

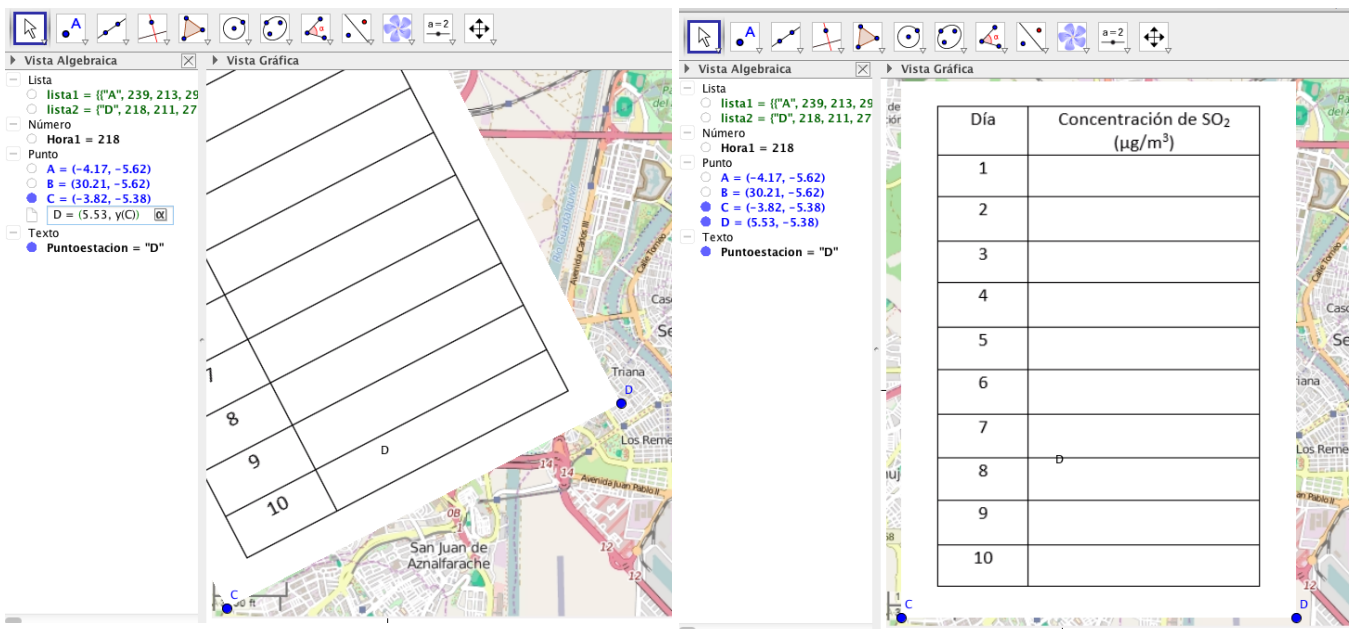


3. Aparecen dos puntos en las esquinas de la imagen. Se pueden seleccionar y ocultar. También se pueden mover para que la imagen se ubique en la posición que más nos interese.

- $I = (1.72, -3.02)$
- $M_1 = (-4.04, -5.4)$
- $M_2 = (25.26, -5.4)$
- Texto
- A1 = "Punto"
- L1 = "Promedio"
- Puntociudad = "E"
- texto1 = "NIVEL DE SO₂
- texto10 = "369"
- texto11 = "351"
- texto12 = "324"
- texto13 = "A"
- texto14 = "B"
- texto15 = "C"
- texto16 = "D"
- texto17 = "E"
- texto18 = "F"
- texto19 = "G"
- texto2 = "Punto E"
- texto3 = "374"
- texto4 = "328"
- texto5 = "349"
- texto6 = "372"
- texto7 = "343"
- texto8 = "348"

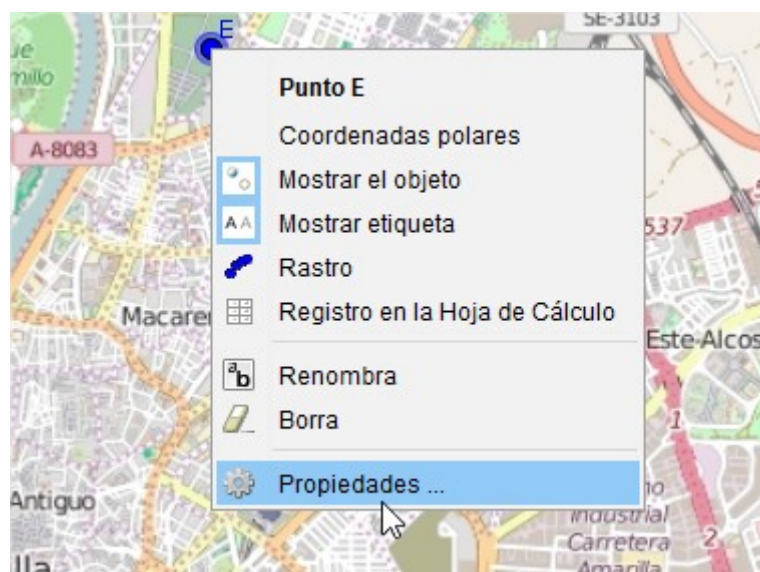
1	374
2	328
3	349
4	372
5	343
6	348
7	375
8	369
9	351
10	324

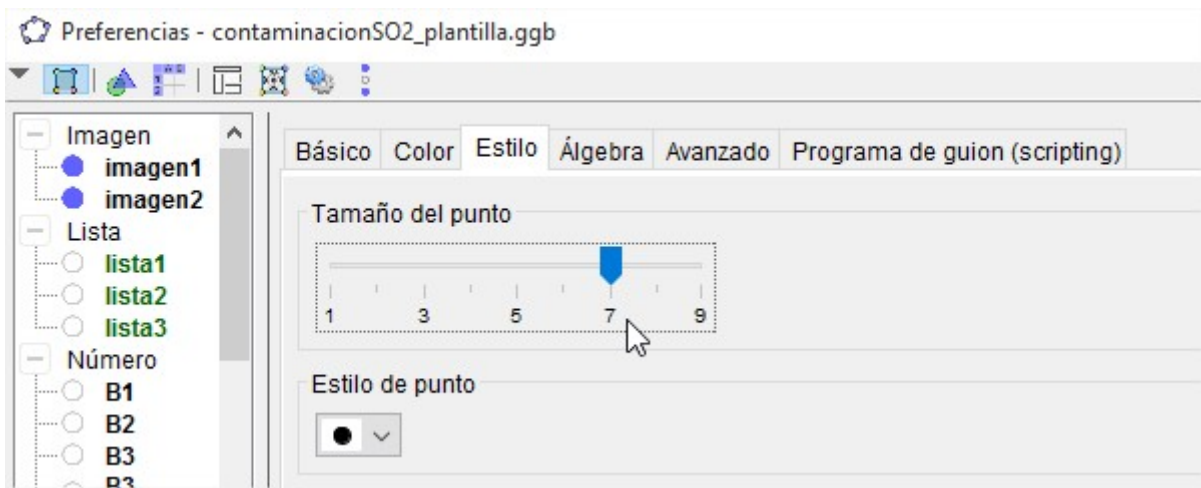
4. Si movemos el punto de la izquierda C usando el botón selección, la imagen quedará torcida. Editando la coordenada y del punto de la esquina derecha D y poniendo en lugar del valor y(C), cada vez que movamos uno, el otro descenderá a la misma altura y la imagen no se torcerá.



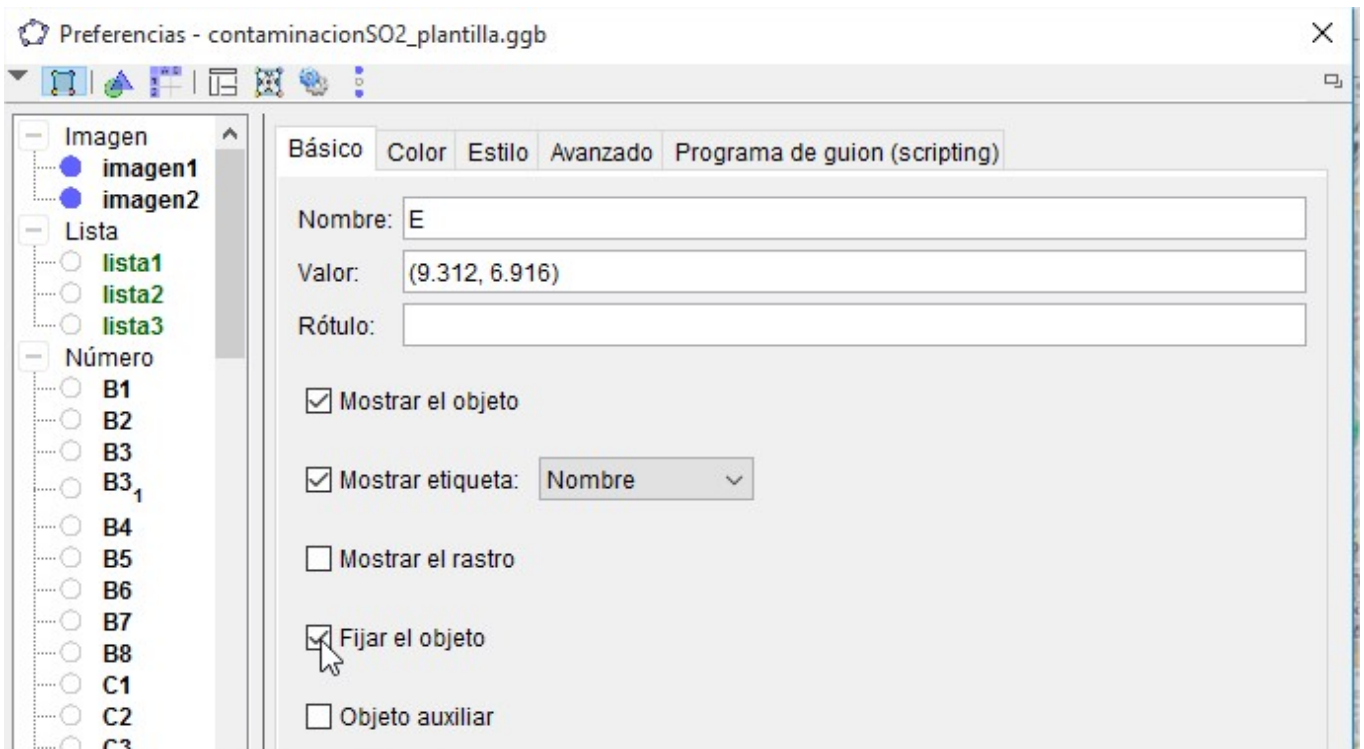
5. Repetimos el proceso con la imagen de la tabla.

6. Usando la herramienta Punto se pueden dibujar la posición de cada una de las estaciones de medición. Pulsando con el botón derecho del ratón sobre el punto podemos modificar sus Propiedades (Color y Tamaño).

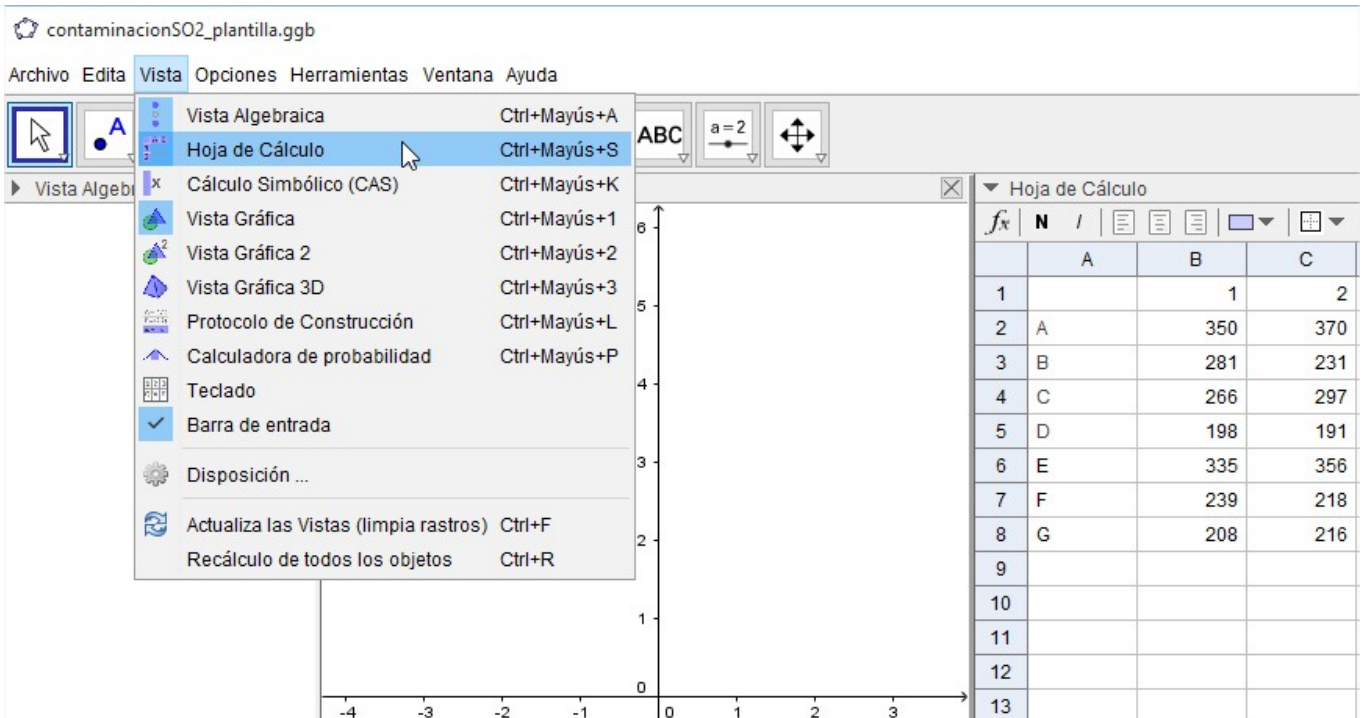




6. No olvides fijar la posición de los puntos siguiendo la ruta Propiedades>Básico>Fijar el objeto.



1. Para introducir los datos debemos pulsar sobre Vista>Hoja de datos.



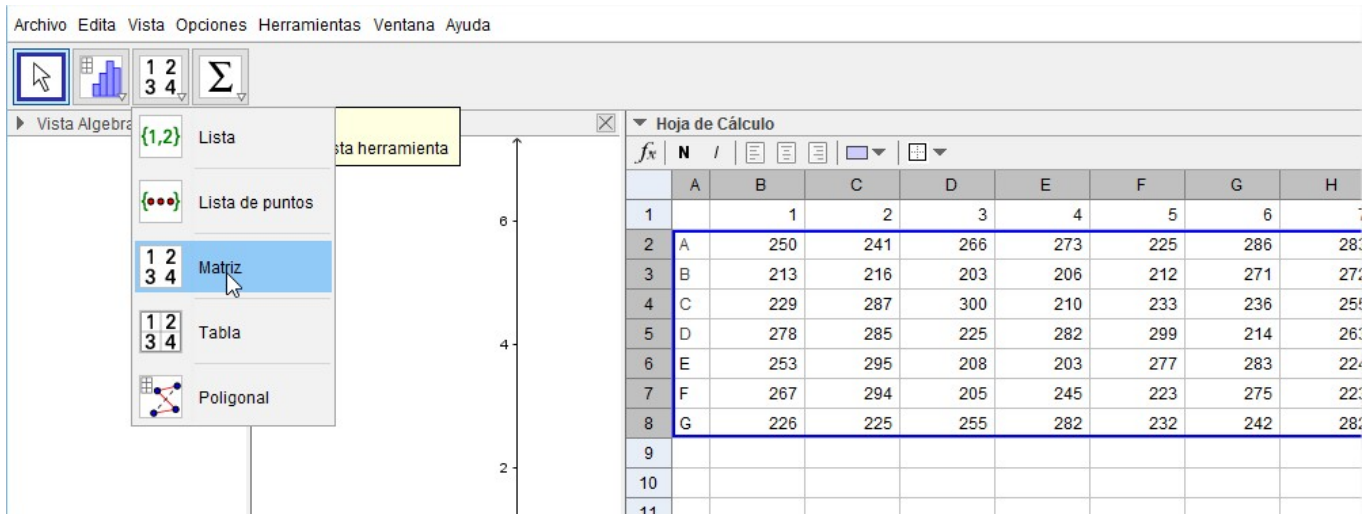
2. Los datos se pueden copiar y pegar desde otra hoja de cálculo. Es posible que haya errores en el pegado. Cuidado.
3. Los datos se pueden escribir directamente en cada celda. Los datos numéricos necesitan un punto para separar la parte decimal.
4. Debes escribir al menos tantas columnas como variables vas a usar y tantas filas como conjuntos de datos diferentes queramos incluir para el sorteo.
5. Es posible incluir los datos usando fórmulas. Por ejemplo, escribiendo en una celda "`=AleatorioEntre[200, 300]`" aparecerá un valor aleatorio entre 200 y 300 en dicha celda. Haciendo clic sobre la celda y arrastrando horizontal y verticalmente podemos propagar la fórmula como en una hoja de cálculo.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1		1	2	3	4	5	6	7	
2	A	350	370	380	330	340	345	360	32
3	B	281	298	215	211	282	280	247	23
4	C	266	297	289	304	278	277	319	26
5	D	198	191	199	218	192	196	182	21
6	E	335	356	377	374	327	319	328	35

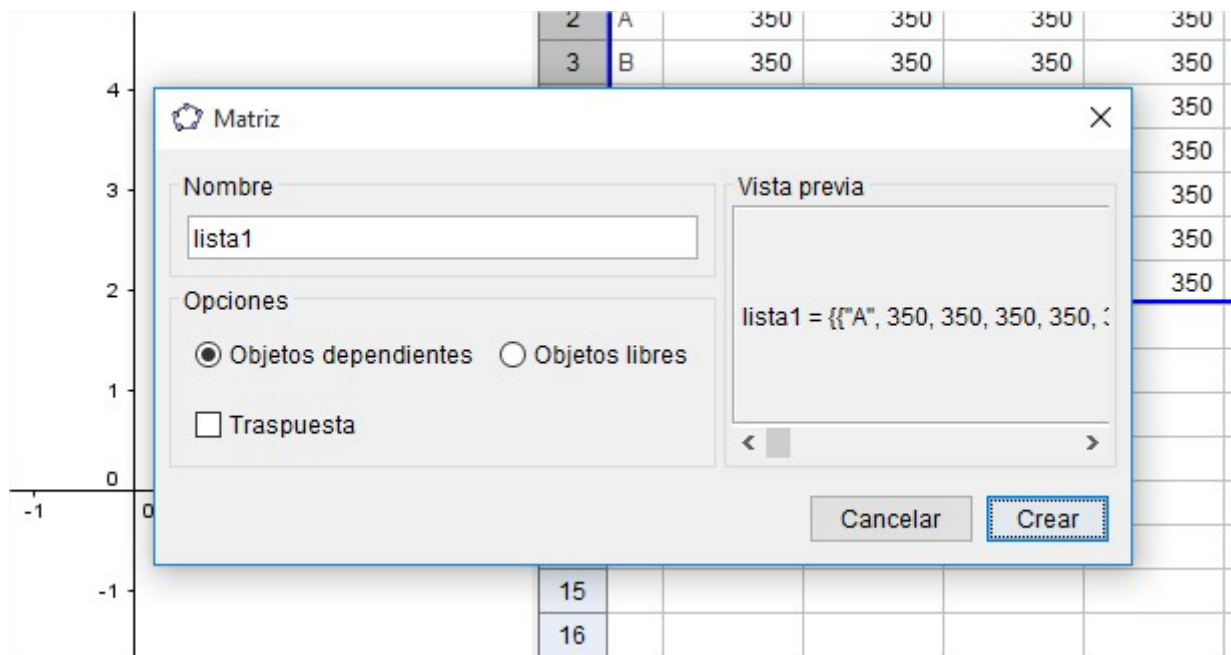
6. Como vamos a solicitar a nuestros alumnos que calculen la media de contaminación en un punto, hacemos el cálculo en la última columna. El cálculo se realiza usando la fórmula siguiente: "`=Media[B2:K2]`". Este dato se puede mostrar como solución al alumnado o no.

Sorteamos los datos

1. Seleccionamos todos los datos menos la cabecera con los nombres de las columnas.
2. Pulsamos sobre el Botón Matriz.



3. Damos un nombre a la matriz.



4. Introducimos en la barra de Entrada, en la esquina inferior izquierda, el comando "ElementoAleatorio" y escribimos en lugar de <Lista> el nombre de nuestra matriz.

Elemento[<Lista>, <Número (posición)>]
 Elemento[<Matriz>, <Fila>, <Columna>]
 Elemento[<Lista>, <Índice 1>, <Índice 2>, ...]
 ElementoAleatorio[<Lista>]
 ElementoElegido[<Lista>]
 Elimina[<Objeto>]

Entrada: =E|

5. Esta operación genera una lista 2 que se corresponde con una de las filas de nuestra matriz escogida al azar entre todas las filas.

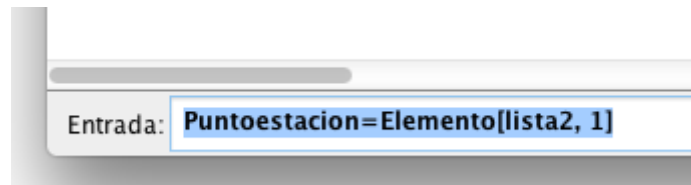
Archivo Edita Vista Opciones Herramientas Ventana Ayuda

Vista Algebraica

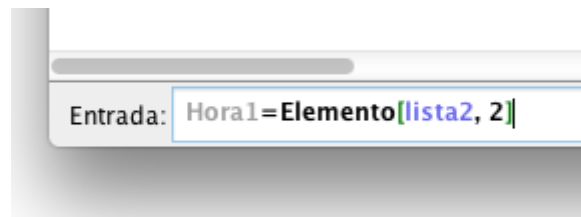
Lista

- lista1 = {"A", 250, 241, 266, 273, 225, 286, 283, 278, 228, 205, 253.5}, {"B", 213, 216, 203, 206, 212, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279, 280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289, 290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299, 300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309, 310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319, 320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329, 330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339, 340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349, 350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359, 360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369, 370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379, 380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389, 390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399, 400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409, 410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419, 420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429, 430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439, 440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449, 450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459, 460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469, 470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479, 480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489, 490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499, 500}
- lista2 = {"C", 229, 287, 300, 210, 233, 236, 255, 224, 266, 285, 252.5}

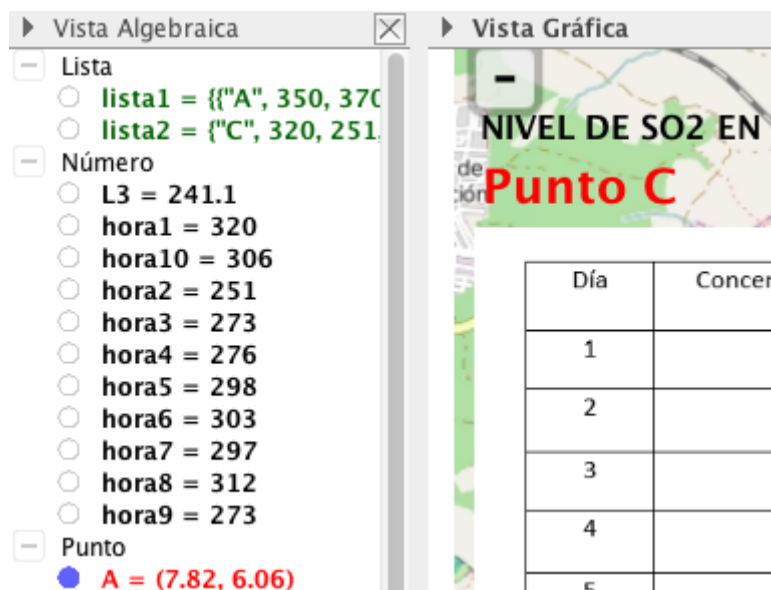
1. En este caso la primera columna nos da el nombre del punto. Basta con escribir en la Entrada la orden "Puntoestacion=Elemento(nombre de la lista, 1)".



2. Para definir el valor de contaminación en la hora 1 escribimos la orden "Hora1=Elemento(nombre de la lista, 2)" porque este elemento está en la segunda columna.



3. Para definir el resto de valores basta repetir la instrucción cambiando Hora1 por Hora2, 3, etc. y el número 2 por el 3, el 4, etc.



Vista Algebraica

- Lista
 - lista1 = {"A", 350, 370}
 - lista2 = {"C", 320, 251}
- Número
 - L3 = 241.1
 - hora1 = 320
 - hora10 = 306
 - hora2 = 251
 - hora3 = 273
 - hora4 = 276
 - hora5 = 298
 - hora6 = 303
 - hora7 = 297
 - hora8 = 312
 - hora9 = 273
- Punto
 - A = (7.82, 6.06)

Vista Gráfica

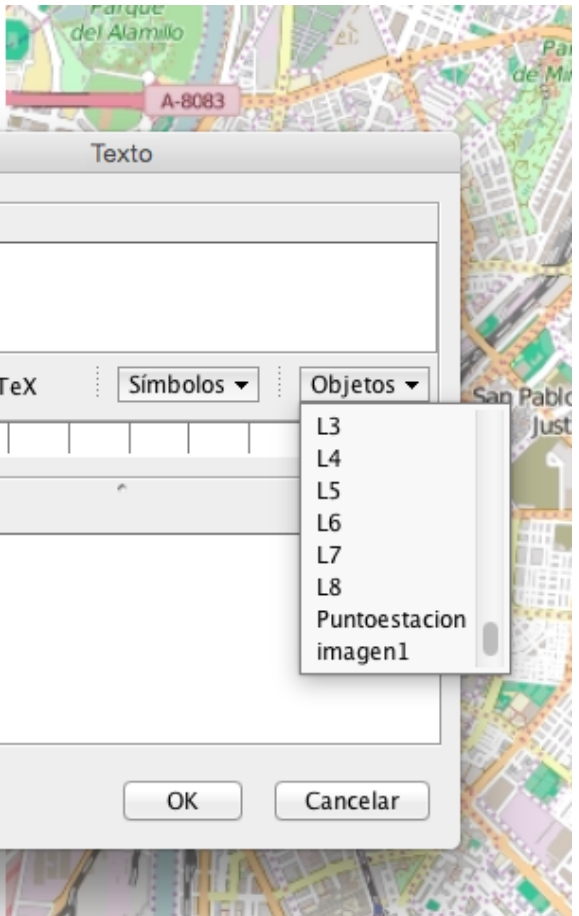
NIVEL DE SO2 EN
de ión
Punto C

Día	Concer
1	
2	
3	
4	
5	

Mostramos los datos

1. Usando el botón "Insertar texto" podemos añadir tanto texto como valores de la tabla.


Día	Concentración de SO ₂ (µg/m ³)
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	D
9	



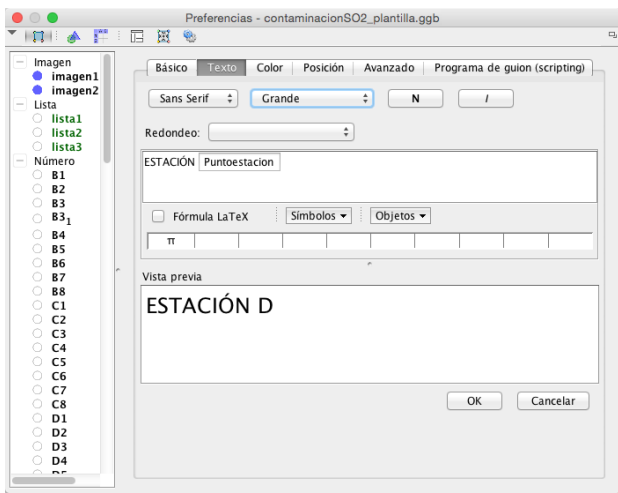
2. En el campo "Edita" escribimos "ESTACIÓN", dejamos un espacio y escogemos de entre los objetos el que se denomina "Puntoestacion". Hay que pulsar sobre Ok para ver el siguiente resultado.

Imagen imagen1

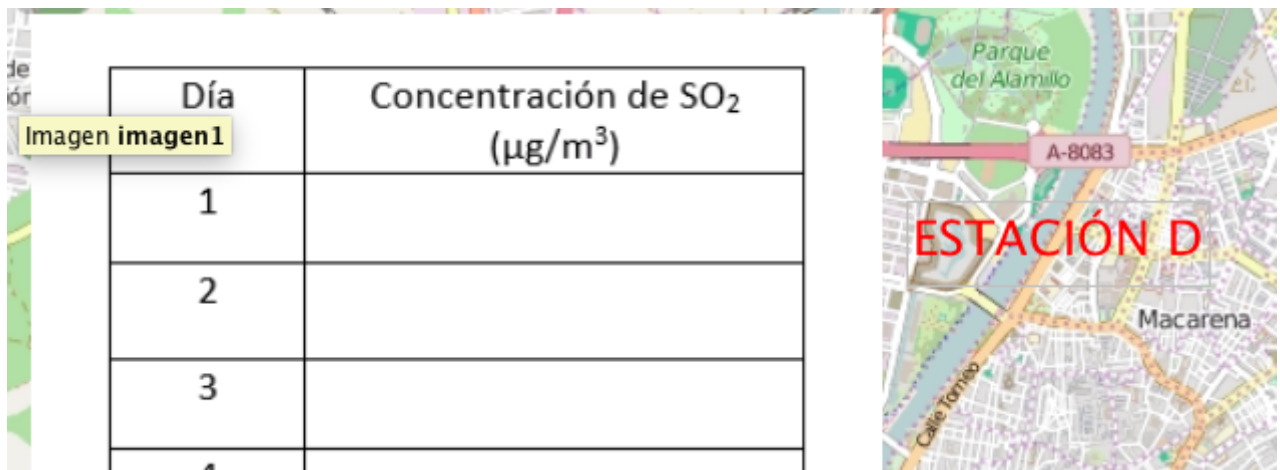
Día	Concentración de SO ₂ (µg/m ³)
1	
2	
3	



3. Seleccionando el texto podemos cambiar tamaño y color.



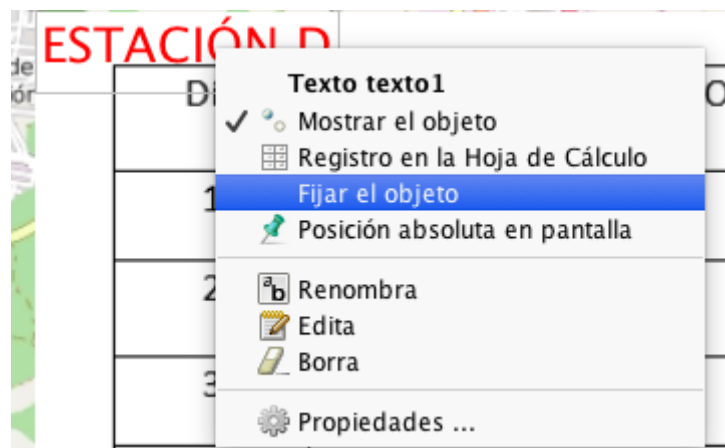
4. El resultado sería:



5. Ahora podemos seleccionar y posicionar el texto donde más nos interese.



6. Finalmente debe fijarse la posición para que no se pueda arrastrar al interactuar con la animación.



7. Ahora hay que repetir el proceso para cada dato e irlo colocando en la celda correspondiente de la tabla.

ESTACIÓN D

Día	Concentración de SO ₂ (µg/m ³)
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	

ESTACIÓN D

Día	Concentración de SO ₂ (µg/m ³)
1	231
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	

8. El resultado final será algo así:

NIVEL DE SO₂ EN AIRE

Punto C

Día	Concentración de SO ₂ (µg/m ³)
1	320
2	251
3	273
4	276
5	298
6	303
7	297
8	312
9	273
10	306

9. Debemos seleccionar todos los textos que acabamos de crear y fijarlos para que el alumno no pueda moverlos.


Vista Algebraica

- Lista
 - lista1 = {"A", 350, 370}
 - lista2 = {"C", 320, 251}
- Número
 - L3 = 241.1
 - hora1 = 320
 - hora10 = 306
 - hora2 = 251
 - hora3 = 273
 - hora4 = 276
 - hora5 = 298
 - hora6 = 303
 - hora7 = 297
 - hora8 = 31
 - hora9 = 27
- Punto
 - A = (7.82, ...)
 - B = (5.68, ...)
 - C = (6, 1)
 - D = (4.1, ...)
 - E = (7.4, ...)
 - F = (12.24, 0.38)
 - G = (11.2, ...)

Selección

- Registro en la Hoja de Cálculo
- Borra
- Propiedades ...

Vista Gráfica



Día
1

Preferencias - contaminacionSO2.ggb

Básico Color Estilo Avanzado

Imagen

- imagen1
- imagen2

Lista

- lista1
- lista2
- lista3

Número

- B1
- B2
- B3
- B4
- B5

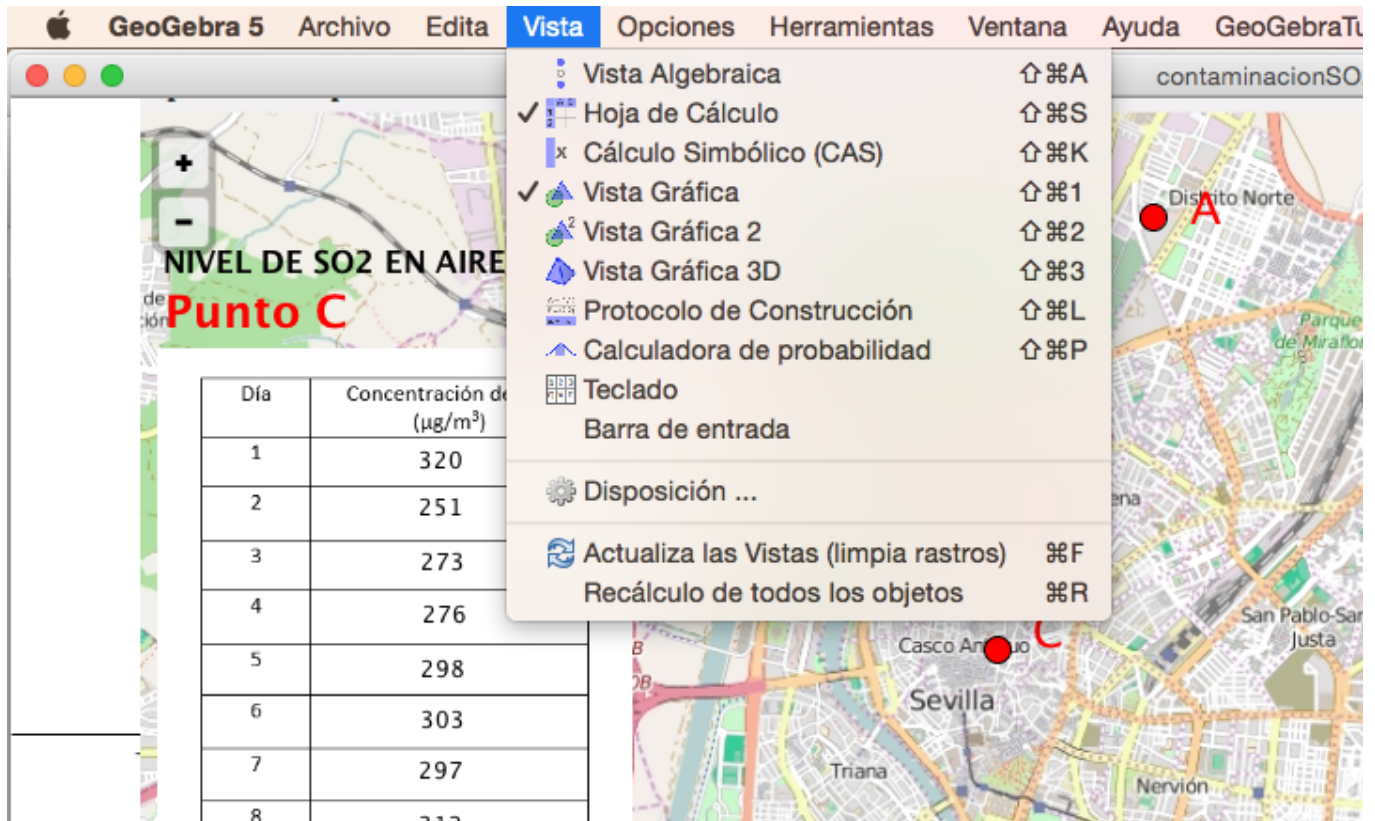
Fijar el objeto

Objeto auxiliar

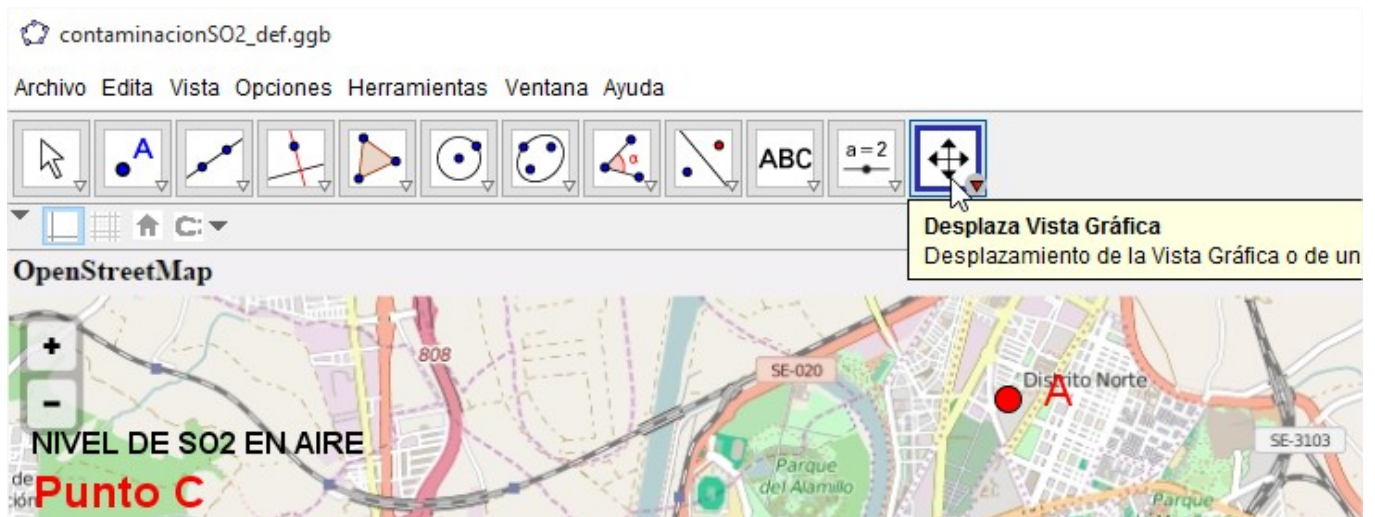
Publicamos la animación

Antes de subir a GeogebraTube la animación debemos dejarla "presentable". Tal y como guardéis la animación así se verá online.

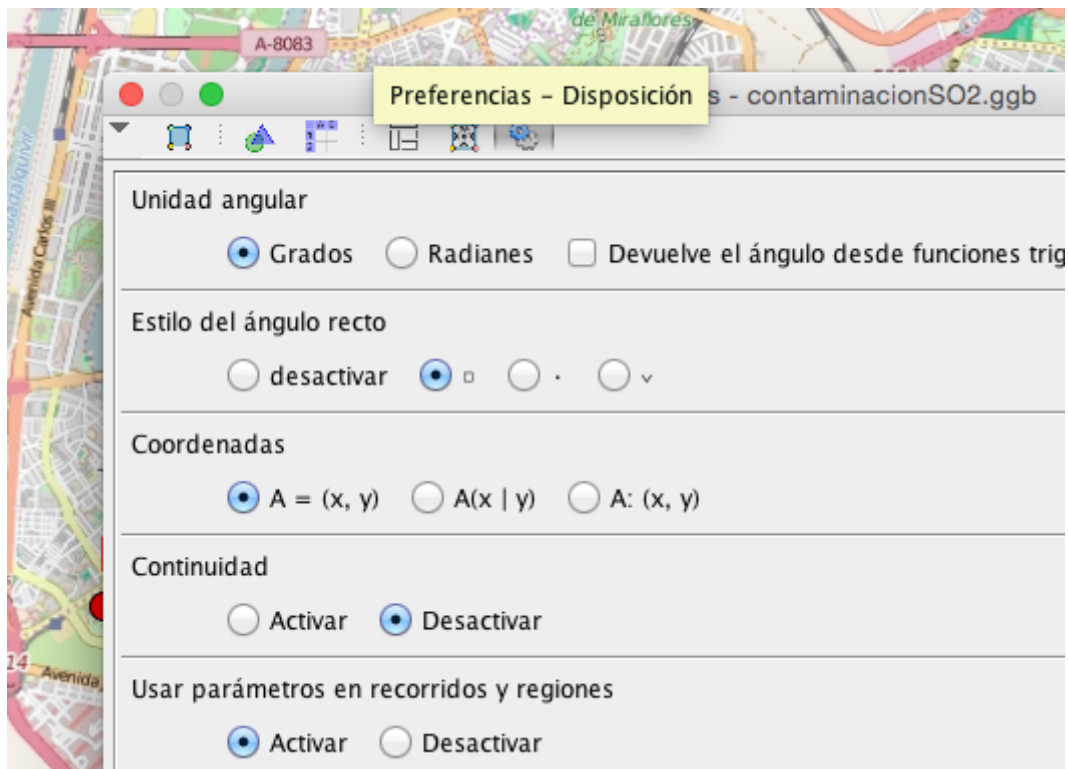
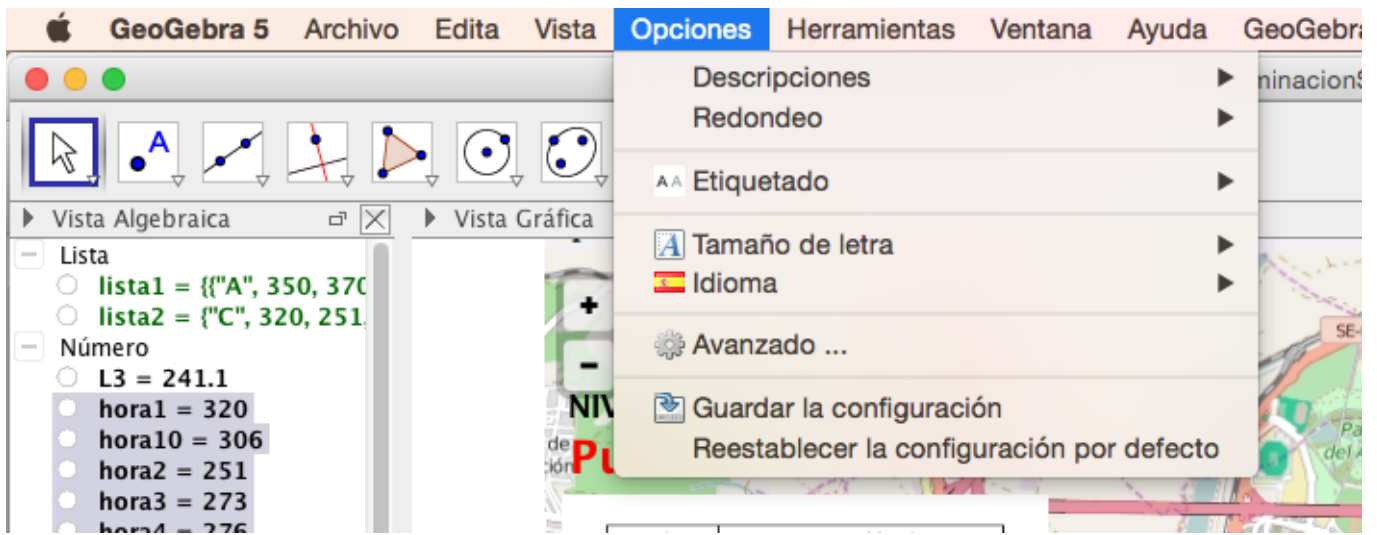
1. A través del menú Vista podemos eliminar los paneles izquierdo (Vista Algebraica) y derecho (Hoja de cálculo).

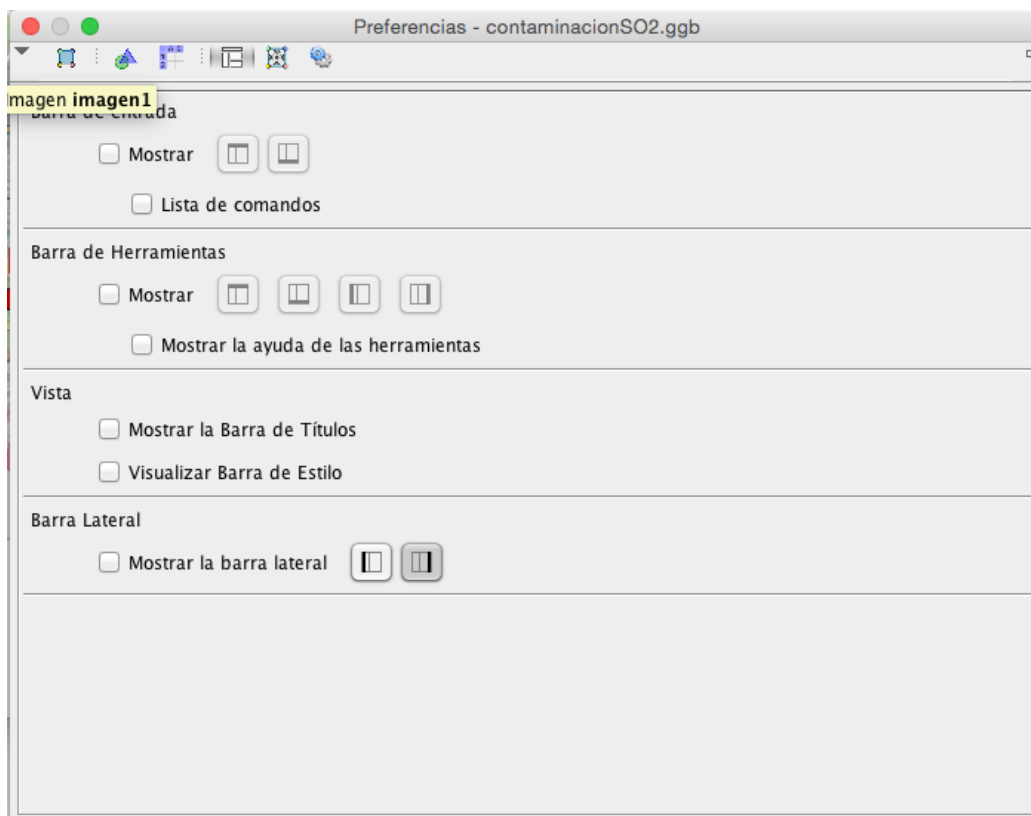
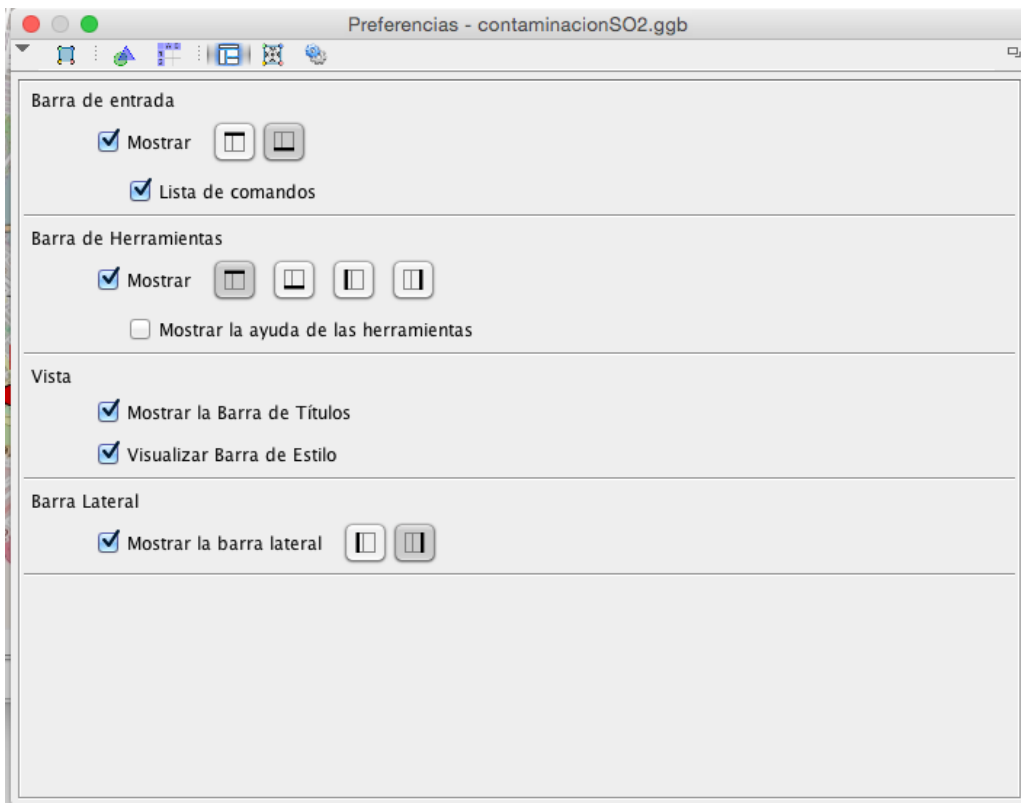


3. Antes de eliminar la barra de herramientas debemos usar el botón "Desplaza Vista Gráfica" para ajustar el marco visible a la zona que queremos mostrar.

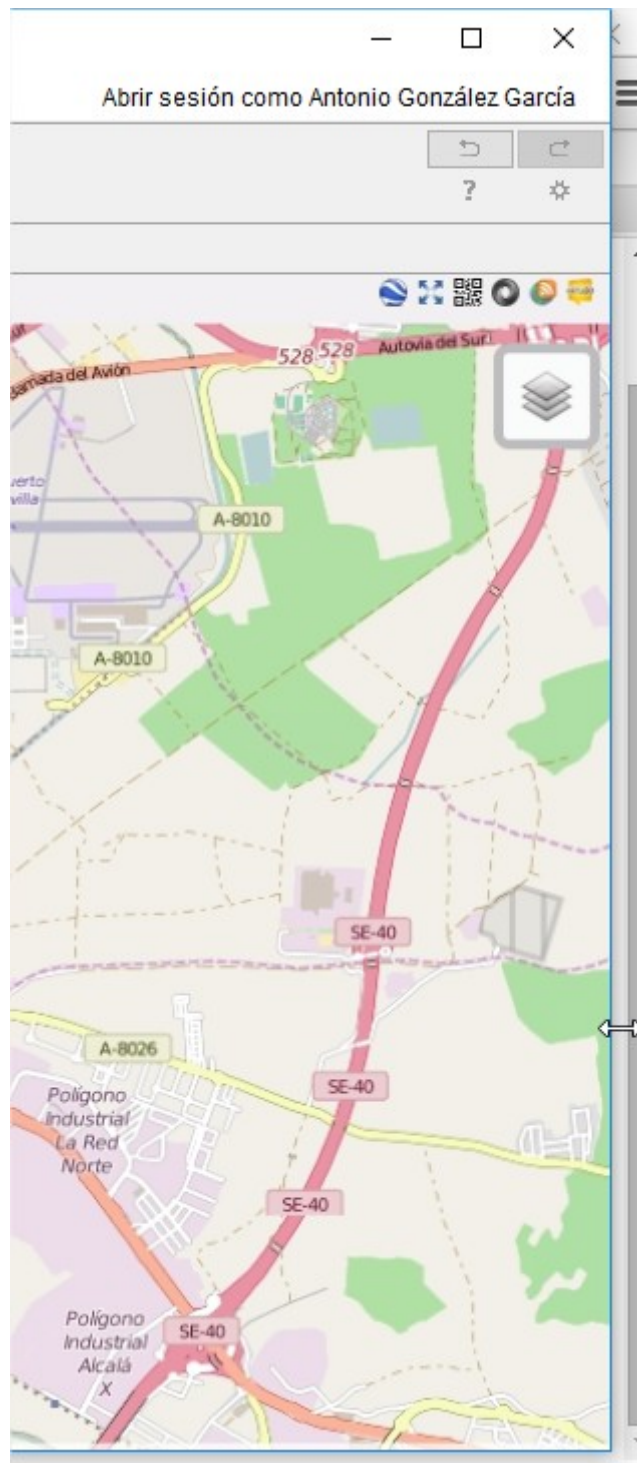


4. A continuación accedemos a Opciones>Avanzado>Preferencias Disposición y eliminamos todos los elementos de la interfaz de Geogebra que no nos interese que aparezcan.





5. Colocando el cursor en los laterales de la animación podemos modificar el tamaño de la animación.



- 6. Suele ser práctico guardar la animación lista para subir con un nombre distinto.
- 7. Ahora con una cuenta en GeogebraTube podemos alojar nuestra animación online.



- 8. Es importante desactivar la opción que permite hacer Zoom para que nuestros alumnos con la rueda del ratón no desencadren la animación.



Dimensiones del applet: Detectar automáticamente

Configuración avanzada...

- Permitir "clic" derecho, "zoom" y edición por teclado
- Permitir el arrastre de etiquetas
- Icono de reiniciar construcción
- Permitir usar zoom y arrastrar con Shift

Las preguntas o tareas para los alumnos aparecerán después del applet (opcional)

Por favor, proporciona algunas preguntas o tareas específicas para tus alumnos, para mostrarlas debajo del applet



9. Geogebra ofrece el código para incrustar la animación en el archivo elp.



[Ir a la versión para alumnos](#)

[+ Añadir al Libro GeoGebra](#) [Descargar](#) [Incrustar](#) [Compartir](#)

<p>HTML</p> <p>Mediawiki</p> <p>Wordpress</p> <p>Moodle</p> <p>Google Sites</p>	<p>Dimensiones del applet: 901 × 555</p> <p>Código (HTML)</p> <pre>src="https://www.geogebra.org/material/iframe/id/2288881/width/901/height/555/border/888888/rc/false/ai/false/sdz/false/smb/false/stb/false/stbh/true/id/false/sni/true/at/auto" width="901px" height="555px" style="border:0px;"> </iframe></pre> <p>Copiar al Portapapeles</p>	<ul style="list-style-type: none"><input type="checkbox"/> Permitir "clic" derecho, "zoom" y edición por teclado<input type="checkbox"/> Permitir el arrastre de etiquetas<input checked="" type="checkbox"/> Icono de reiniciar construcción<input type="checkbox"/> Permitir usar zoom y arrastrar con Shift<input type="checkbox"/> Mostrar la Barra de Menús<input type="checkbox"/> Mostrar la Barra de Herramientas<input type="checkbox"/> Mostrar la Barra de Entrada<input type="checkbox"/> Mostrar la Barra de estilo <p>Color del borde: <input type="text" value="#888888"/></p>
---	--	--

